

SEMINARIO DE PROBLEMA S



Dados los vectores $\vec{u}(1, 3, 0)$ y $\vec{v}(2, 1, 1)$:

- a) Halla un vector, \vec{w} , de módulo 1, que sea perpendicular a \vec{u} y a \vec{v} .
- b) ¿Cuál es el área del paralelogramo determinado por \vec{u} y \vec{v} ?

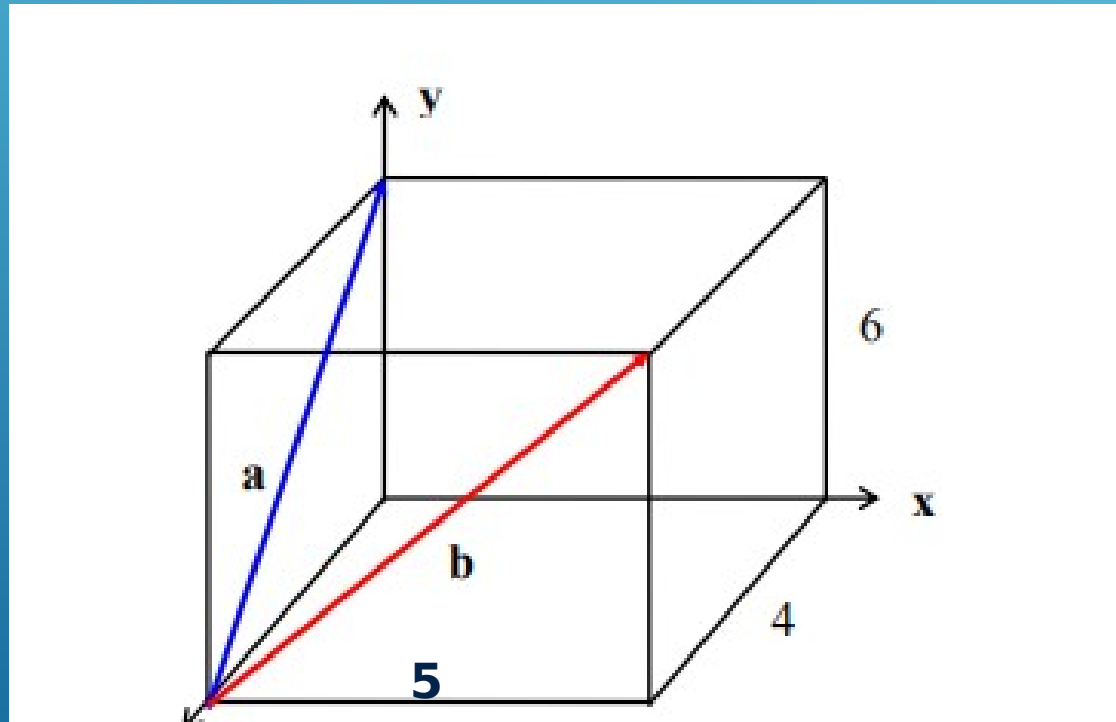
Dados los vectores $\vec{u}(2, -1, 3)$, $\vec{v}(4, 2, -2)$ y $\vec{w}(1, 2, x)$:

a) Halla $|\vec{u}|$, $|\vec{v}|$ y el ángulo que forman \vec{u} y \vec{v} .

b) Obtén el valor de x para que \vec{u} y \vec{w} formen un ángulo de 60° .

Demuestra que los puntos $A(\lambda, 2, \lambda)$, $B(2, -\lambda, 0)$ y $C(\lambda, 0, \lambda + 2)$ son vértices de un triángulo isósceles.

2. Para el paralelepípedo de la figura, determine el ángulo formado entre los vectores **a** y **b**.



Si a , b y c son vectores, siendo: $a+b+c=0$ y $|a|=3, |b|=4, |c|=6$, determine $a \cdot (2b - a)$.

2.-a) Dados los vectores $a = (3, 5, 2)$, y $b = (-4, 0, 3)$ tales que

$a = r + s$, siendo r paralelo a b y ortogonal al vector s ; determinar r y s .

b) Determinar los vectores m y n ortogonales entre sí y ortogonales a $v = (1, -1, 3)$, tales que sus primeras componentes son iguales y las terceras componentes de igual magnitud; pero de signos opuestos.

Determinar el valor de verdad de las siguientes proposiciones:

a) $c \cdot (a \times [a \times (a \times b)]) = -|a|^2 \cdot (b \times c)$

b) $(a \times b) \cdot (b \times c) \times (c \times a) = [a \ b \ c]^3$

Los puntos A y H, B y E, C y F, D y G ,son respectivamente vértices opuestos de las caras ABCD y HEFG (opuestas) de un paralelepípedo . Determinar su volumen, si se sabe que : $A = (4, 0, -1)$, $F = (f_1, f_2, 0)$, $CP = (-1, 3, 7)$, $BD = (13, -1, -21)$, además $\overrightarrow{PF} = \text{Proy}_{\overrightarrow{AF}} \overrightarrow{CF} = (3, -6, 3)$.

a) Dados los vectores a, b, c, d de \mathbb{R}^3 , probar que :

$$(a \times b) \cdot (c \times d) = (a \cdot c)(b \cdot d) - (a \cdot d)(b \cdot c)$$

b) Dados los vectores no nulos a, b, c , y n tales que : $a \cdot n = 0$, $b \cdot n = 0$, $c \cdot n = 0$, ¿son linealmente independientes a , b y c ?

Indique si los siguientes conjuntos de vectores no nulos son linealmente dependientes o linealmente independientes. Justifique su respuesta.

- a) $\{a, b, a \times b, (a \times b) \times a\}$ tales que a, b de \mathbb{R}^3 no paralelos.
- b) $\{\text{Proy}_b a, \text{Proy}_a b, \text{Proy}_{a \times b} c\}$ tales que a, b, c de \mathbb{R}^3 no paralelos entre sí.
- c) $\{c = \text{Proy}_b a, d = \text{Proy}_c b, e = \text{Proy}_d c\}$ tales que a, b, d de \mathbb{R}^3 no paralelos.
- d) $\{a \times b, b \times c, c \times a\}$ tales que $\{a, b, c\}$ de \mathbb{R}^3 es linealmente independiente.